

9. klass

Ülesanne 1 (Urmo Kaber)

On tehtud korrektne joonis ja ülesandest aru saadud	1 p.
Leidub ülesande lahendamise idee	3 p.
Lahenduskäik õige, kuid lõpetamata	5 p.
Täielik lahendus	7 p.

Ülesanne 2 (Eno Tõnisson)

Leitud, et arv 1 sobib	1 p.
Vaadatud läbi arvud 1 kuni 6 ja leitud, et 1 sobib	2 p.
Õige vastus ilma põhjenduseta	2 p.
Vastuseks pakutud, et n ei jagu 3-ga ega 2-ga, ja selle lünklik põhjendus	2 p.
Õige vastus; vaadatud läbi rohkem kui kuus esimest positiivset täisarvu	3 p.
Näidatud, et arvud kujul $n=6k+1$ sobivad, aga vastuseks on pakutud suurem hulk	4 p.
Õige vastus; vaadatud läbi arvud 1 kuni 6 ja esitatud lünklik põhjendus	5 p.
Täielik lahendus	7 p.

Ülesanne 3 (Mart Abel)

Lahendus vaid erijuhu jaoks (näiteks eeldatud, et punkt F poolitab lõigu EC)	1 p.
Õige lahendus, kuid ühe väite juures selgitus puudulik	6 p.
Täielik lahendus	7 p.

Ülesanne 4 (Ahti Peder)

Arvutatud mahud peale esimest pudelisse kallamist	2p.
Arvutatud mahud peale väljakallamist	2p.
Leitud põdrasamblatee ja hundijalavee suhe viimasel kallamisel	3p.
	<hr/>
	7p.

Ülesanne osutus enamusele lihtsaks. Mõnes töös oletati, kui palju rohkem kärbseseeneleotist valati.

Ülesanne 5 (Martin Pettai)

a) osa eest:	2 p.
b) osa eest	5 p.
	<hr/>
	7 p.

Punktide jaotus b) osa piires (žürii lahendus):

Juht $n=3$ või mõni teine $n=3 \pmod{4}$, kus $n \leq 2003$; peab olema tekstis mainitud	1 p.
Näitamine, kuidas juhu $n=4k-1$ võimalikkusest saada juhu $n=4k+3$ võimalikkus	2 p.
Eelmise kahe punkti põhjal juhu $n=2003$ võimalikkuse järeldamine	2 p.
	<hr/>
	5 p.

Punktide jaotus b) osa piires (lahendus ruudu osadeks jaotamise abil):

Osadeks jaotamise ja nende ristkülikutega katmise idee	1 p.
Osadeks jaotamine nii, et iga osa on võimalik katta 3×8 ja 2×4 ristkülikutega	2 p.
3×8 ristküliku katmine	1 p.
2×4 ristküliku ja 3×3 ruudu (ilma keskmise ruuduta) katmine kokku: mõlemad peavad olema näidatud	1 p.
	<hr/>
	5 p.

10. klass

Ülesanne 1 (Uve Nummert)

Avaldatud viisnurga küljepikkus või mõned nurgad, lahendus sisuliselt puudub	0 p.
Õige lahendusidee, kuid lahenduse algul arvutusviga, mis viib edasise valele teele	2 p.
Õige lahendusidee, kuid lahendus lõpetamata või lahenduse teises pooles arvutusviga, mis tingib vale lõpptulemuse	4 p.
Lahenduse seisukohalt oluline väide põhjendamata; lisaks arvutusviga, mis ei mõjuta lõpptulemust	5 p.
Lahenduse seisukohalt oluline väide põhjendamata, muidu täielik lahendus	6 p.
Kusagil segi aetud väikese ringjoone raadiuse ja pindala arväärtused, mistõttu vastus vale; muidu täielik lahendus	6 p.
Täielik lahendus	7 p.

Ülesanne 2 (Nikita Salnikov)

Tähelepanek, et m on n^2 jagaja ja n on m^2 jagaja	1 p.
Näitamine, et arvudel n ja m on samad algtegurid	2 p.
Näitamine, et nende algtegurite astendajad on võrdsed	2 p.
Õige ja täielik vastus	2 p.
	<hr/>
	7 p.
Ainult vastuse eest ilma lahenduseta	1 p.

Ülesanne 3 (Oleg Petšonkin)

On kirjutatud ilma selgituseta, et kolmnurgad MNO ja XYO on sarnased	0 p.
Pool lahendust, s.t. õige lahenduse viis, aga viga keskel	2 p.
Õige lahendus, aga puuduvad selgitused	6 p.
Täielik lahendus	7 p.

Ülesanne 4 (Leopold Parts)

Ainult öeldud, et avaldise väärtus on maksimaalne, kui $a=b=c=2$	0 p.
Kirjutatud välja sobiv aritmeetilise-geomeetrilise või aritmeetilise-harmonilise keskmise vaheline võrratus	1 p.
Korrektne lahendus pisivigadega (samaväärsuste asemel kirjas valepidi järeldused)	6 p.
Täielik lahendus	7 p.

Ülesanne osutus lihtsaks, kuna seda oli võimalik lahendada juhtude läbivaatuse abil

Ülesanne 5 (Meelis Kull)

Idee kasutada $k+1$ ja $k+2$ korral ära eelduse kohaselt k jaoks leiduvat strateegiat	1 p.
Õige strateegia kirjeldus $k+1$ korral	2 p.
Õige avakäik $k+2$ korral	2 p.
Edasine õige strateegia kirjeldus $k+2$ korral	2 p.
	<hr/>
	7 p.

11. klass

Ülesanne 1 (Hendrik Nigul)

Väide, et Mercedese kiirus on võrdne Opeli ja Trabanti kiiruste summaga	1 p.
Selle väite tõestus	3 p.
Õige järeldus	3 p.
	<hr/>
	7 p.
Osaline lahendus erijuhul (nt Opeli ja Trabanti võrdsete kiiruste korral)	2 p.

Ülesanne 2 (Konstantin Tretjakov)

Lahendused, kus põhjendamata prooviti eeldada, et $a=b=c$	0 p.
Intuitiivne arutelu, miks täisarvuliste a, b, c korral võrdus kehtida ei saa	1 p.
Lahendust pole, aga on idee kasutada aritmeetilise/geomeetrilise/harmonilise keskmise vahelist võrratust	2 p.
Täielik lahendus	7 p.

Ülesanne 3 (Reimo Palm)

a) osa eest	4 p.
b) osa eest	3 p.
	<hr/>
	7 p.

Punktide jaotus a) osa piires

Tõestatud väide $PA \cdot PA_1 = PC \cdot PC_1$	3 p.
Kõõlnelinurkades nurkade arvutamine ja lõppjäreldus	1 p.
	<hr/>
	4 p.

Ülesanne 4 (Hannes Jukk, Elts Abel)

Tähelepanek, et vahemikus $(k^2; (k+1)^2)$ kahe järjestikuse täisarvu ruutude vahel paiknevate arvude juured ei ole täisarvud, koos põhjendusega	2 p.
Tähelepanek, et vahemikus $(k^2; (k+1)^2)$ olevate täisarvude juurte täisosad on võrdsed arvuga k , koos põhjendusega	2 p.
Saadud vahemikust $(k^2; (k+1)^2)$ ülesande tingimusi rahuldava sobiva arvu juure üldkuju	2 p.
Põhjendus, et sobivaid arve on lõpmata palju	1 p.
	<hr/>
	7 p.
Leitud ainult mõned sobivad arvud	1 p.

Ülesanne 5 (Peeter Laud)

Näidatud, et mõne n (näiteks 2 või 4) korral on katmine võimalik	1 p.
Näidatud, et paarisarvulise n korral on katmine võimalik (antud konstruktsioon)	2 p.
Tõestatud, et paaritu arvulise n korral ei ole katmine võimalik	4 p.
	<hr/>
	7 p.

12. klass

Ülesanne 1 (Kati Metsalu-Smotrova)

Pole midagi kasulikku tehtud	0 p.
Olemas mõned kasulikud ideed, kuid edasi pole neid arendatud	2 p.
Variantide arv ainult ühe mängija jaoks õigesti arvutatud	4 p.
Idee õige, kuid pole osatud variante loendada	5 p.
Saadud õige vastus, kuid siis on hakatud sealt mingeid variante maha arvestama	6 p.
Täielik lahendus	7 p.

Ülesanne 2 (Mati Abel)

Ainult leitud 1 õige lahend (selgitused puuduvad)	1 p.
Ainult leitud 2 õiget lahendit (selgitused puuduvad)	2 p.
Leitud 2 õiget lahendit ja on püütud midagi põhjendada	3 p.
Leitud 2 õiget lahendit ja põhjendust õigesti alustatud	4 p.
Graafiliselt lahendatud ning põhjendamata, miks rohkem lahendeid ei ole, või põhjendamisel kasutatud ebaõiget tulemust	5 p.
Graafiliselt lahendatud ja osaliselt põhjendatud, miks on ainult 2 lahendit, või tehtud põhjendamisel arvutusviga	6 p.
Täielik lahendus	7 p.

Ülesanne 3 (Jan Villemson)

Täielik lahendus	7 p.
------------------	------

Ülesanne 4 (Valdis Laan)

Tõestus, et algarvud on üksildased	3 p.
Leitud üks mitteüksildaste arvude paar	1 p.
Tõestus, et leidub lõpmata palju mitteüksildasi arve	<u>3 p.</u>
	7 p.
Ainult näidatud, et kaks algarvu ei moodusta "mitteüksildast paari".	0 p.

Ülesanne 5 (Emilia Käsper)

a) osa	3 p.
b) osa	<u>4 p.</u>
	7 p.
Lahendused, kus oli näidatud võitev konstruktsioon 10 pileti jaoks, said a) osa eest 1 punkti.	